

Durch Äquivalenzumformung ist zu beweisen:

$$\binom{n+t}{k+t} = \binom{n-1}{k-1} \prod_{s=0}^t \frac{n+s}{k+s}$$

$$\begin{aligned} \binom{n+t}{k+t} &= \frac{(n+t)!}{(k+t)! \cdot ((n+t)-(k+t))!} = \frac{(n+t)!}{(k+t)! \cdot (n-k)!} = \\ &= \frac{(n-1)! \cdot n \cdot (n+1) \cdot (n+2) \cdot \dots \cdot (n+t-1) \cdot (n+t)}{(k-1)! \cdot k \cdot (k+1) \cdot (k+2) \cdot \dots \cdot (k+t-1) \cdot (k+t) \cdot (n-k)!} = \\ &= \frac{(n-1)! \cdot n \cdot (n+1) \cdot (n+2) \cdot \dots \cdot (n+t-1) \cdot (n+t)}{(n-k)! \cdot (k-1)! \cdot k \cdot (k+1) \cdot (k+2) \cdot \dots \cdot (k+t-1) \cdot (k+t)} = \\ &= \frac{(n-1)! \cdot n \cdot (n+1) \cdot (n+2) \cdot \dots \cdot (n+t-1) \cdot (n+t)}{(n-1-(k-1))! \cdot (k-1)! \cdot k \cdot (k+1) \cdot (k+2) \cdot \dots \cdot (k+t-1) \cdot (k+t)} = \\ &= \binom{n-1}{k-1} \cdot \prod_{s=0}^t \frac{n+s}{k+s} \end{aligned}$$

Was zu beweisen war.